

問題番号
08M0203_1
レベル
☆★★

うんな進学塾
中2 第2章 連立方程式
③いろいろな方程式 No.1 解答

授業動画QR



1. 次の連立方程式を解きなさい。

$$(1) \begin{cases} 2x + 2(x - 3y) = 4 & ① \\ -x - y = 9 & ② \end{cases}$$

①を整理すると
 $2x + 2x - 6y = 4 \quad 4x - 6y = 4 \quad ①'$
 $①' + ② \times 4$
 $4x - 6y = 4$
 $+ \frac{-4x - 4y = 36}{-10y = 40}$
 $y = -4$ を③に代入
 $-x - (-4) = 9 \quad x = -5$

$$(2) \begin{cases} 3x + 7y = 20 & ① \\ -3(2x + 2y) + x = -22 & ② \end{cases}$$

②を整理すると
 $-5x - 6y = -22 \quad ②'$
 $②' \times 3 + ① \times 5$
 $-15x - 18y = -66$
 $+ \frac{15x + 35y = 100}{17y = 34}$
 $y = 2$ を①に代入
 $3x + 7 \times 2 = 20 \quad x = 2$

$$(3) \begin{cases} -7(x + y) = -y - 40 & ① \\ 4(x + 2y) = 9y - 17 & ② \end{cases}$$

①を整理すると
 $-7x - 6y = -40 \quad ①'$
 $②を整理すると$
 $4x - y = -17 \quad ②'$
 $①' - ②' \times 6$
 $-7x - 6y = -40$
 $- \frac{24x - 6y = -102}{-31x = 62}$
 $x = -2$ を②'に代入
 $4 \times (-2) - y = -17 \quad y = 9$

$$(4) \begin{cases} x + \frac{3}{2}y = 2 & ① \\ x - 3y = -2 & ② \end{cases}$$

① × 2 + ②
 $2x + 3y = 4$
 $+ \frac{x - 3y = -2}{3x = 2}$
 $x = \frac{2}{3}$ ②に代入して
 $\frac{2}{3} - 3y = -2 \quad y = \frac{8}{9}$

$$(5) \begin{cases} -2x + y = -2 & ① \\ -2(x + y) = 1 + 2y & ② \end{cases}$$

②を整理して
 $-2x - 4y = 1 \quad ②'$
 $① - ②'$
 $-2x + y = -2$
 $- \frac{-2x - 4y = 1}{5y = -3}$
 $y = -\frac{3}{5}$ ①に代入して
 $-2x + \left(-\frac{3}{5}\right) = -2 \quad x = \frac{7}{10}$

$$(6) \begin{cases} \frac{1}{2}x - \frac{1}{6}y = -\frac{1}{12} & ① \\ -2x - y = -3 & ② \end{cases}$$

① × 12
 $6x - 2y = -1 \quad ①'$
 $①' + ② \times 3$
 $6x - 2y = -1$
 $+ \frac{-6x - 3y = -9}{-5y = -10}$
 $y = 2$ ②に代入して
 $-2x - 2 = -3 \quad x = \frac{1}{2}$

$$(7) \begin{cases} 4x + 4y = 7x + y = 16 \\ 4x + 4y = 16 \quad ① \\ 7x + y = 16 \quad ② \end{cases}$$

① - ② × 4
 $4x + 4y = 16$
 $- \frac{28x + 4y = 64}{-24x = -48}$
 $x = 2$ ②に代入して
 $7 \times 2 + y = 16 \quad y = 2$

$$(8) \begin{cases} -x + 4y - 2z = -17 & ① \\ x + y - z = 0 & ② \\ -3x - y + 5z = 6 & ③ \end{cases}$$

②を z について解く $z = x + y \quad ②'$
①に代入 $-x + 4y - 2(x + y) = -17 \quad -3x + 2y = -17 \quad ①'$
③に代入 $-3x - y + 5(x + y) = 6 \quad 2x + 4y = 6 \quad ③'$
 $①' \times 2 + ③' \times 3$
 $-6x + 4y = -34$
 $+ \frac{6x + 12y = 18}{16y = -16}$
 $y = -1 \quad ③' \text{に代入} \quad 2x + 4 \times (-1) = 6 \quad x = 5$,
 $x = 5, y = -1 \text{を } ②' \text{に代入して} \quad z = 5 + (-1) = 4$

(1) $x = -5 \quad y = -4$

(2) $x = 2 \quad y = 2$

(3) $x = -2 \quad y = 9$

(4) $x = \frac{1}{2}$ $y = 2$	(5) $x = \frac{3}{2}$ $y = 1$	(6) $x = \frac{1}{2}$ $y = 2$
(7) $x = 2$ $y = 2$	(8) $x = 5$ $y = -1$ $z = 4$	