問題番号 09M0405_1 レベル ☆★★

うんな進学塾

中3第4章2次関数



授業動画QR



1. 次の放物線と直線の交点の座標を求めなさい。

- (1) 放物線 $y = -x^2$, 直線 y = 4x + 32つの式を連立して解く。 $-x^2 = 4x + 3 \Rightarrow x^2 + 4x + 3 = 0 \Rightarrow (x+3)(x+1) = 0$ より, x = -1, -3 となる。 x = -1のとき $y = 4 \times (-1) + 3 = -1$, x = -3のとき、 $y = 4 \times (-3) + 3 = -9$ よって交点は (-3, -9), (-1, -1)
- (2) 放物線 $y = -2x^2$, 直線 y = -3x + 12つの式を連立して解く。 $-2x^2 = -3x + 1 \implies 2x^2 - 3x + 1 = 0 \implies (2x - 1)(x - 1) = 0$ より, x = 1 , $\frac{1}{2}$ となる。 x = 1のとき $y = -3 \times (1) + 1 = -2$, $x = \frac{1}{2}$ のとき、 $y = -3 \times \left(\frac{1}{2}\right) + 1 = -\frac{1}{2}$ よって交点は $\left(\frac{1}{2}, -\frac{1}{2}\right)$, (1, -2)
- (3) 放物線 $y = \frac{1}{2}x^2$, 直線 y = -x + 4 2つの式を連立して解く。 $\frac{1}{2}x^2 = -x + 4 \implies x^2 + 2x 8 = 0 \implies (x + 4)(x 2) = 0$ より, x = 1, -4 となる。 x = 2のとき y = -(2) + 4 = 2 , x = -4のとき、y = -(-4) + 4 = 8 よって交点は (2,2), (-4,8)

(1) 交点
$$(-3,-9)$$
, $(-1,-1)$ (2) 交点 $\left(\frac{1}{2},-\frac{1}{2}\right)$, $(1,-2)$ (3) 交点 $(2,2)$, $(-4,8)$

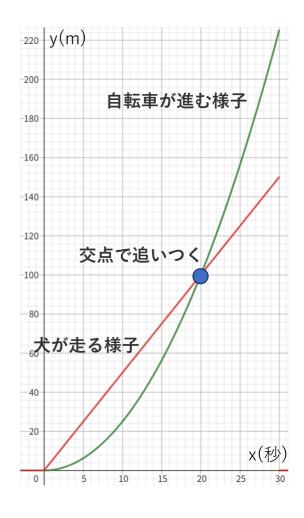
2. ある自転車は出発してから30秒間まではに $\frac{1}{4}x^2m$ 進みます。一方で犬は毎秒5mで走ります。 次の問いに答えなさい。 (1) 時間をx秒、進む距離をymとして自転車の進む様子をグラフに書き入れなさい。

グラフ参照

(2) 自転車と犬が同時に走り出した時、自転車が犬に 追いつくのは何秒後ですか?

自転車の速度を表す式は $y = \frac{1}{4}x^2$ 。また、犬の速度を表す式はy = 5x。この2式を連立する。 $\frac{1}{4}x^2 = 5x \quad \Rightarrow x^2 = 20x \quad \Rightarrow x(x-20) = 0$ より、

x = 0,20 となり、20秒後に追いつく。



(1) グラフ参照

(2) 20秒後